



9 أساسي

سلسلة تمارين عدد 2
التعيين في المستوي + العمليات
في \mathbb{R}

الأستاذ: هشام الخشين

التمرين 1:

اختار الإجابة الصحيحة لكل سؤال

بالنسبة لـ O	بالنسبة لـ J	بالنسبة لـ I	1 في معين متعامد (O, I, J) النقطتان $A(1 - \sqrt{2}; -3 + \sqrt{5})$ $B(\sqrt{2} - 1; 5 - \sqrt{5})$ و متناظرتان
O	J	I	2 في معين $(I; O; J)$ النقطتان $B(3; -5)$ و $A(-3; 5)$ متناظرتان بالنسبة إلى
(BC)	(AC)	(AB)	3 في معين $(O; I; J)$ حيث $B(5; 1,5)$ و $A(-1; \frac{3}{2})$ و مجموعة النقاط $C(5; -1,5)$ حيث $2y - 3 = 0$
$x_B = x_A - 2$	$x_B = 2 + x_A$	$x_B = 2 - x_A$	4 على مستقيم مدرج (O, I) النقطتان A و B فاصلتيهما x_A و x_B ومتناظرتان بالنسبة لـ I يعني
$-9\sqrt{3}$	$17\sqrt{3}$	$9\sqrt{3}$	5 العدد $5\sqrt{27} - 4\sqrt{12} + \sqrt{300}$ يساوي
$\frac{5}{2}$	$\sqrt{\frac{5}{2}}$	$\frac{\sqrt{5}}{2}$	6 العدد $\frac{2\sqrt{125}}{\sqrt{80}}$ يساوي

التمرين 2:

- (1) أ) على معين متعامد (O, I, J) عين النقاط $A(-3; 6)$ و $B(5; -2)$ و $C(1; 2)$
ب) بين أن C منتصف $[AB]$

- (2) لتكن النقطة $D(3; 4)$, ابن النقطة E حيث $ABDE$ متوازي أضلاع وحدد احداثيات E .
 (3) أ) حدد احداثيات F منتصف $[BC]$
 ب) استنتج أن (DF) و (OJ) متوازيان.
 (4) احسب الابعاد DF و OF واستنتج مساحة الرباعي $OJDF$

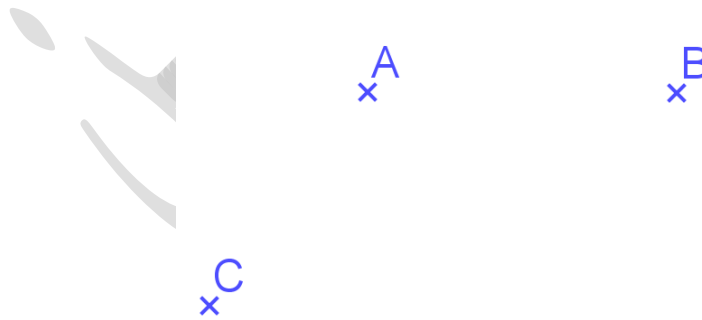
التمرين 3:

لنعتبر $(O; I; J)$ معيناً متعامداً في المستوي حيث $OI = OJ = 1$

- (1) أ) عين النقاط $A(-4; 3)$ و $B(-4; -3)$ و $C(\sqrt{2}; 0)$ و $H(-4; 0)$
 ب) أحسب الأبعاد AB و CH .
 ب) بين أن ABC مثلث متقايس الضلعين واحسب مساحته
 (2) أ) لتكن D منظرية A بالنسبة إلى C . حدد احداثيات D .
 ب) استنتج أن ABD مثلث قائم
 (3) لتكن E مسقط B على (OI) وفقاً لمنحى (AD) .
 أ) بين أن H منتصف $[CE]$ واحسب احداثيات E .
 ب) أحسب مساحة الرباعي $AEBC$
 (4) لتكن F مسقط D على (EB) وفقاً لمنحى (AB)
 أ) ماهي طبيعة الرباعي $ABFD$
 ب) احسب احداثيات منتصف $[BC]$ واستنتج احداثيات F .

التمرين 4:

لنعتبر الرسم التالي حيث A و B و C ثلاثة نقاط ليست على استقامة واحدة



- (1) أكمل بناء المعين (O, I, J) حيث تكون عليه إحداثيات النقاط $A(2; 0)$ و $B(4; 0)$ و $C(2; -2)$
 (2) لتكن النقطة D منظرية A بالنسبة إلى J . حدد احداثيات D
 (3) لتكن النقطة $E(0; 2)$ و M منتصف $[AE]$ بين أن $ABED$ متوازي أضلاع بطريقتين مختلفتين.
 (4) لتكن F نقطة تقاطع (AC) و (BE) . حدد احداثيات F .

التمرين 5:

أكتب كلا من العبارات التالية في صيغة $a\sqrt{b}$ حيث a عدد كسري نسبي و b عدد صحيح طبيعي

$\frac{5}{6}\sqrt{2} - \sqrt{2}$	$3\sqrt{12} + \sqrt{27}$
$\frac{\sqrt{60}}{8\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{5}}{3} - \sqrt{45}$	$4\sqrt{20} + 3\sqrt{8} - 7\sqrt{200} + \sqrt{2}$
$\frac{3\sqrt{21} + \sqrt{84}}{\sqrt{7}}$	$5\sqrt{98} + 13\sqrt{32} - 5\sqrt{162}$

التمرين 6:

أحسب العبارات التالية

$(1 - \sqrt{2}) - (3 + \sqrt{2})$	$2\sqrt{2} - [3 - (-\sqrt{2} + 9)] - (3 - 9\sqrt{2})$
$\sqrt{48} - \sqrt{27} - (8 - 3\sqrt{3})$	$5 - [\sqrt{7} - 3 - (-4 - 9\sqrt{7})] - 8\sqrt{7}$
$\frac{3 - 2\sqrt{9}}{3} + \frac{1 + \sqrt{5}}{3}$	$\frac{\sqrt{20}}{7} + \sqrt{5} - \frac{\sqrt{500}}{70}$
$7 - [2\sqrt{2} - (\sqrt{3} - 3) - (\sqrt{27} - \sqrt{18} - 1)] - (9 - 4\sqrt{3})$	

التمرين 7:

لنعتبر العبارتين التاليتين حيث x و y عددا حقيقيان

$$A = x - [-y - (5\sqrt{3} - x) - 6\sqrt{3} - 4] - \sqrt{300} - \sqrt{16}$$

$$B = -(\sqrt{3} - x) - (1 + y - x - \sqrt{3}) - (\sqrt{75} + x - y) + 4\sqrt{3} + 1 - 2\sqrt{3}$$

$$(1) \text{ بين أن } A = y + \sqrt{3} \text{ وأن } B = x - 3\sqrt{3}$$

$$(2) \text{ أحسب } A \text{ في حالة } y = \sqrt{243}$$

$$(3) \text{ أحسب } B \text{ في حالة } x = \frac{2\sqrt{3}}{5}$$

$$(4) \text{ جد } x \text{ في حالة } B = -4\sqrt{3}$$

$$(5) \text{ جد } y \text{ في حالة } |A| = \sqrt{3}$$

$$(6) \text{ أحسب } A + B \text{ في حالة } x \text{ و } y \text{ متقابلان}$$

التمرين 8:

لنعتبر المعين المتعامد (O, I, J) من المستوي حيث $OI = OJ = 2 \text{ cm}$

- (1) عين النقاط $A(\sqrt{2}; 3 - \sqrt{5})$ و $B(-\sqrt{2}; -3 + \sqrt{5})$ وبين أن O منتصف $[AB]$
- (2) لتكن النقطة $M(\sqrt{2}; \sqrt{5} - 3)$. بين أن M و A متناظرتان بالنسبة إلى (OI) ابن النقطة M
- (3) بين أن ABM مثلث قائم
- (4) أوجد احداثيات النقاط O و I و J في المعين (M, B, A)
- (5) لتكن النقطة D مسقط M على (OJ) وفقا لمنحى (AB) . بين أن $OMDB$ معين واستنتج احداثيات D .
- (6) أوجد احداثيات النقاط O و D في المعين (A, M, B)

التمرين 9:

لنعتبر العبارتين التاليتين

$$e = (2\sqrt{5} + 1)(2 - \sqrt{5}) - (3\sqrt{5} + 5)(-3 - \sqrt{5}) - 8(2\sqrt{5} + 2) - 4$$

$$f = \frac{\sqrt{80} + 3\sqrt{20} - 8\sqrt{5} - 4}{2} \text{ و}$$

- (1) بين أن $e = \sqrt{5} + 2$ وأن $f = \sqrt{5} - 2$
- (2) بين أن e و f عددا حقيقيان مقلوبان
- (3) استنتج أن $\left(\frac{1}{f^2} - \frac{1}{e^2}\right)\left(\frac{1}{e^2 - f^2}\right) = 1$ وأن $\frac{1}{\sqrt{5}+2} - \frac{1}{\sqrt{5}-2} = -4$
- (4) بين أن $3|e - 3| - 2|1 - f| + 9 = 5\sqrt{5}$
- (5) أ) على مستقيم مدرج (O, I) عين النقاط E و F التي فواصلهم على التوالي e و f
ب) حدد فاصلة النقطة G مناظرة F بالنسبة إلى E
ج) أحسب الأبعاد GF و IF
- (6) ماهي احداثيات النقاط O و I و E في المستقيم المدرج (G, F)