



9 أساسي

سلسلة تمارين عدد 2
التعيین في المستوى + العمليات
في \mathbb{R}

الأستاذ: هشام الخشين

التمرين 1:

اختر الإجابة الصحيحة لكل سؤال

بالنسبة لـ O	بالنسبة لـ J	بالنسبة لـ I	
O	J	I	(1) في معین متعامد (O, I, J) النقاطان $A(1 - \sqrt{2}; -3 + \sqrt{5})$ $B(\sqrt{2} - 1; 5 - \sqrt{5})$ متناظرتان
(BC)	(AC)	(AB)	(2) في معین $(I; O; J)$ النقاطان $B(3; -5)$ و $A(-3; 5)$ متناظرتان بالنسبة إلى
$x_B = x_A - 2$	$x_B = 2 + x_A$	$x_B = 2 - x_A$	(3) في معین $(O; I; J)$ حيث $B(5; 1,5)$ و $A\left(-1; \frac{3}{2}\right)$ و $C(5; -1,5)$ مجموعۃ النقاط $2y - 3 = 0$ حيث $M(x; y)$
$-9\sqrt{3}$	$17\sqrt{3}$	$9\sqrt{3}$	(4) على مستقيم مدرج (O, I) النقاطان x_B و x_A فاصلتهما و متناظرتان بالنسبة لـ I يعني
$\frac{5}{2}$	$\sqrt{\frac{5}{2}}$	$\frac{\sqrt{5}}{2}$	(5) العدد $5\sqrt{27} - 4\sqrt{12} + \sqrt{300}$ يساوي
			(6) العدد $\frac{2\sqrt{125}}{\sqrt{80}}$ يساوي

التمرين 2:

- (1) أ) على معین متعامد (O, I, J) عین النقاط $(1; 2)$ و $(-2; 5)$ و $(-3; 6)$ و $(2; -2)$
ب) بين أن C منتصف $[AB]$

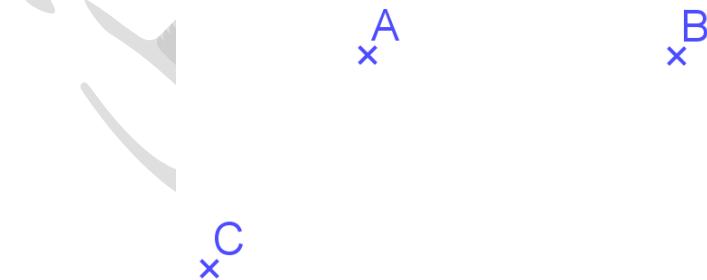
- 2) لتكن النقطة $(4; 3)$ ، ابن النقطة E حيث $ABDE$ متوازي أضلاع وحدد احداثيات E .
- أ) حدد احداثيات F منتصف $[BC]$
 - ب) استنتاج أن (DF) و (OJ) متوازيان.
- 3) احسب الابعاد OF و DF واستنتاج مساحة الرباعي $OJDF$

التمرين 3:

- لنعتبر $(O; I; J)$ معينا متعامدا في المستوى حيث 1
- أ) عين النقاط $A(-4; 3)$ و $B(-4; -3)$ و $C(\sqrt{2}; 0)$ و $H(-4; 0)$
 - ب) أحسب الأبعاد AB و CH .
 - ب) بين أن ABC مثلث متقارن الضلعين واحسب مساحته
- أ) لتكن D مناظرة A بالنسبة إلى C . حدد احداثيات D
 - ب) استنتاج أن ABD مثلث قائم
 - 3) لتكن E مسقط B على (OI) وفقا لمنحي (AD) .
 - أ) بين أن H منتصف $[CE]$ واحسب احداثيات E .
 - ب) أحسب مساحة الرباعي $AEBC$
 - 4) لتكن F مسقط D على (EB) وفقا لمنحي (AB)
 - أ) ماهي طبيعة الرباعي $ABFD$
 - ب) احسب احداثيات منتصف $[BC]$ واستنتاج احداثيات F .

التمرين 4:

لنعتبر الرسم التالي حيث A و B و C ثلاثة نقاط ليست على استقامة واحدة



- أكمل بناء المعين (O, I, J) حيث تكون عليه إحداثيات النقاط $A(2; 0)$ و $B(4; 0)$ و $C(2; -2)$
- لتكن النقطة D مناظرة A بالنسبة إلى J . حدد احداثيات D
- لتكن النقطة $E(2; 0)$ و M منتصف $[AE]$ بين أن $ABED$ متوازي أضلاع بطرفيتين مختلفتين.
- لتكن F نقطة تقاطع (AC) و (BE) . حدد احداثيات F .

التمرين 5:

أكتب كلا من العبارات التالية في صيغة $a\sqrt{b}$ حيث a عدد كسري نسبي و b عدد صحيح طبيعي

$\frac{5}{6}\sqrt{2} - \sqrt{2}$	$3\sqrt{12} + \sqrt{27}$
$\frac{\sqrt{60}}{8\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{5}}{3} - \sqrt{45}$	$4\sqrt{20} + 3\sqrt{8} - 7\sqrt{200} + \sqrt{2}$
$\frac{3\sqrt{21} + \sqrt{84}}{\sqrt{7}}$	$5\sqrt{98} + 13\sqrt{32} - 5\sqrt{162}$

التمرين 6:

أحسب العبارات التالية

$(1 - \sqrt{2}) - (3 + \sqrt{2})$	$2\sqrt{2} - [3 - (-\sqrt{2} + 9)] - (3 - 9\sqrt{2})$
$\sqrt{48} - \sqrt{27} - (8 - 3\sqrt{3})$	$5 - [\sqrt{7} - 3 - (-4 - 9\sqrt{7})] - 8\sqrt{7}$
$\frac{3 - 2\sqrt{9}}{3} + \frac{1 + \sqrt{5}}{3}$	$\frac{\sqrt{20}}{7} + \sqrt{5} - \frac{\sqrt{500}}{70}$
$7 - [2\sqrt{2} - (\sqrt{3} - 3) - (\sqrt{27} - \sqrt{18} - 1)] - (9 - 4\sqrt{3})$	

التمرين 7:

لنعتبر العبارتين التاليتين حيث x و y عدادان حقيقيان

$$A = x - [-y - (5\sqrt{3} - x) - 6\sqrt{3} - 4] - \sqrt{300} - \sqrt{16}$$

$$B = -(\sqrt{3} - x) - (1 + y - x - \sqrt{3}) - (\sqrt{75} + x - y) + 4\sqrt{3} + 1 - 2\sqrt{3}$$

$$(1) \text{ بين أن } A = y + \sqrt{3} \text{ وأن } B = x - 3\sqrt{3}$$

$$(2) \text{ أحسب } A \text{ في حالة } y = \sqrt{243}$$

$$(3) \text{ أحسب } B \text{ في حالة } x = \frac{2\sqrt{3}}{5}$$

$$(4) \text{ جد } x \text{ في حالة } B = -4\sqrt{3}$$

$$(5) \text{ جد } y \text{ في حالة } |A| = \sqrt{3}$$

$$(6) \text{ أحسب } A + B \text{ في حالة } x \text{ و } y \text{ متقابلان}$$

التمرين 8:

لنعتبر المعين المتعامد (O, I, J) من المستوى حيث $OI = OJ = 2 \text{ cm}$

- 1) عين النقاط $A(\sqrt{2}; -\sqrt{2})$ و $B(3 - \sqrt{5}; -3 + \sqrt{2})$ وبين أن O منتصف $[AB]$
- 2) لتكن النقطة $M(\sqrt{2}; \sqrt{5} - 3)$. بين أن M و A متناظرتان بالنسبة إلى (OI) ابن النقطة M
- 3) بين أن ABM مثلث قائم
- 4) أوجد احداثيات النقاط O و I و J في المعين (M, B, A)
- 5) لتكن النقطة D مسقط M على (OJ) . وفقاً لمنحي (AB) . بين أن $OMDB$ معين واستنتج احداثيات D .
- 6) أوجد احداثيات النقاط O و D في المعين (A, M, B)

التمرين 9:

لنعتبر العبارتين التاليتين

$$e = (2\sqrt{5} + 1)(2 - \sqrt{5}) - (3\sqrt{5} + 5)(-3 - \sqrt{5}) - 8(2\sqrt{5} + 2) - 4$$

$$f = \frac{\sqrt{80} + 3\sqrt{20} - 8\sqrt{5} - 4}{2}$$

- 1) بين أن $e = \sqrt{5} + 2$ وأن $2 - f = \sqrt{5} - 1$
- 2) بين أن e و f عدوان حقيقيان مقلوبان
- 3) استنتاج أن $\frac{1}{\sqrt{5}+2} - \frac{1}{\sqrt{5}-2} = -4 \left(\frac{1}{f^2} - \frac{1}{e^2} \right) \left(\frac{1}{e^2-f^2} \right)$
- 4) بين أن $3|e - 3| - 2|1 - f| + 9 = 5\sqrt{5}$
- 5) أ) على مستقيم مدرج (O, I) عين النقاط E و F التي فواسلهم على التوالي e و f
ب) حدد فاصلة النقطة G مناظرة F بالنسبة إلى E
ج) أحسب الأبعاد IF و GF
- 6) ماهي احداثيات النقاط O و I و E في المستقيم المدرج (G, F)