

Exercice n°5 :

La droite Δ_1 représentée dans la figure 1 ci contre est celle d'une fonction affine définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = ax + b ; a \in \mathbb{R} ; b \in \mathbb{R}$$

1-a- par lecture graphique déterminer $f(0)$ et $f(3)$

b- en déduire que $a = 2$ et $b = -4$

dans toute la suite on écrit $f(x) = 2x - 4$.

2-montrer que le point $A(1008;2012) \in \Delta_1$

3- Soit g la fonction affine g définie par : $g(x) = -x + 2$

a- Déterminer $g(1)$ et $g(2)$

b- Déterminer les antécédents de -2 et 0 par g

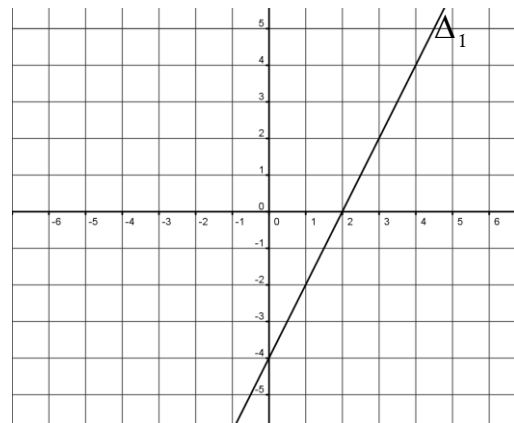


figure 1

4- Soit Δ_2 la représentation graphique de la fonction g . Tracer Δ_2 dans le même repère

5-a- Résoudre graphiquement dans \mathbb{R} l'équation $f(x) = g(x)$

b- Résoudre graphiquement puis par le calcul l'inéquation $f(x) \geq g(x)$

Exercice n°6 :

I. Soit f la fonction définie par : $f(x) = \frac{1}{2}x + 1$

1) Déterminer l'image des réels 0 , (-2) et 4 par f .

2) Déterminer l'antécédent des réels (-3) , 0 et 6 par f .

3) Tracer la représentation graphique Δ de f dans un repère (O, I, J) .

II. Soit g la fonction linéaire telle que : $g(2) = 3$

1) Déterminer $g(6)$.

2) En déduire $g(4)$ par deux méthodes.

3) Déterminer le coefficient de g .

4) Tracer la représentation graphique Δ' de g dans le même repère (O, I, J) .

III. 1) Donner les coordonnées du point d'intersection de Δ et Δ' .

2) En déduire la solution de l'équation $\frac{1}{2}x + 1 = \frac{3}{2}x$.

IV Résoudre graphiquement l'inéquation suivante : $\frac{1}{2}x + 1 \leq \frac{3}{2}x$.

Exercice n°7 :

Etant donné un parallélogramme $ABCD$ de centre O .

1) a) Construire le point E tel que : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AE}$.

b) En déduire l'image de B par la translation de vecteur \overrightarrow{AC} .

2) La parallèle à (BD) passant par E coupe (AC) en I .

a) Déterminer l'image de la droite (BD) par la translation de vecteur \overrightarrow{AC} .

b) Montrer que I est l'image de O par la translation de vecteur \overrightarrow{AC} .

c) En déduire que $\overrightarrow{CO} + \overrightarrow{CI} = \vec{0}$

3) Le cercle \mathcal{C} de diamètre $[OB]$ coupe (BC) en H .

Soit K le point tel que : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{KE} + \overrightarrow{AD} - \overrightarrow{HE} = \vec{0}$.

a) Montrer que K est l'image de H par la translation de vecteur \overrightarrow{AC} .

b) Construire K .

4) Soit \mathcal{C}' le cercle image de \mathcal{C} par la translation de vecteur \overrightarrow{AC} .

a) Construire \mathcal{C}' .

b) Montrer que $K \in \mathcal{C}'$.

Exercice n°1 :

Soit f la fonction affine définie par : $f(x) = 3x - 4$

- 1- a) Déterminer l'image de 1 et 2 par f
b) Déterminer l'antécédents de 0 et -2 par f
- 2- Tracer la représentation graphique Δ de f dans un repère (O, I, J)
- 3- Les points $A(\frac{1}{3}, -3)$ et $B(-2, 2)$ appartiennent-ils à Δ ? justifier
- 4- Soit g la fonction affine telle que $g(-1) = 1$ et $g(3) = 5$
 - a- Tracer la représentation graphique Δ' de g dans le même repère
 - b- Montrer que $g(x) = x + 2$
- 5-a) Résoudre graphiquement puis par le calcul l'équation $f(x) = g(x)$
b) Résoudre graphiquement puis par le calcul l'inéquation $f(x) \geq g(x)$

Exercice n°2 :

1- Soit f la fonction affine définie par : $f(x) = 3x - 1$

- a) Calculer l'image de (-1) et de 1 par f
b) Calculer l'antécédent de 5 par f
- 2- Tracer la représentation graphique Δ de f dans un repère
- 3- Soit $M(m-1; 2m)$. Déterminer m pour que M appartienne à Δ
- 4- Soit g la fonction affine telle que $g(4) = -1$ et $g(-2) = 5$
 - a- Tracer la représentation graphique Δ' de g dans le même repère
 - b- Montrer que $g(x) = -x + 3$
 - c- Les droites Δ et Δ' se coupent en un point I . Déterminer par le calcul les coordonnées de point I
- 5- Résoudre graphiquement puis par le calcul l'inéquation $f(x) \leq g(x)$

Exercice n°3 :

Soit ABC un triangle et O le milieu de $[BC]$

- 1- Construire le point D tel que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$
- 2- Déterminer a) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$; b) $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OD}$; c) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC}$
- 3- Construire le point I tel que $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BI}$
- 4- En déduire que $\overrightarrow{DI} = 2\overrightarrow{DC}$
- 5- a) Construire le point E tel que $\overrightarrow{AE} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$
b) Montrer que \overrightarrow{AE} et \overrightarrow{DC} sont colinéaires de sens contraire

Exercice n°4 :

Soit $A(x) = -x^2 + 5x - 6$

- 1- Vérifier que $A(x) = (x-3)(-x+2)$
- 2- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $A(x) = 0$
- 3- a- Dresser le tableau de signe de $A(x)$
b- En déduire la résolution de l'inéquation $A(x) \geq 0$
- 4- En déduire le signe de $A(0)$ $A(4)$ (Sans calculer $A(0)$ et $A(4)$)

EXERCICE 5 :

Soit $A(x) = x(x-2) - (x-2)(3x+1)$

1) factoriser $A(x)$

2) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $A(x) = 0$

3) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $A(x) > 0$

4) Soit $B(x) = x^2 + x - 6$

a) Montrer que $B(x) = (x-2)(x+3)$

b) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $A(x) + B(x) = 0$

c) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $(x-2)(-x+1) < 0$