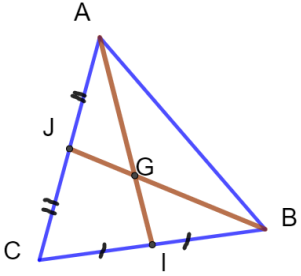
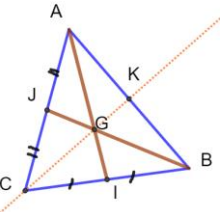
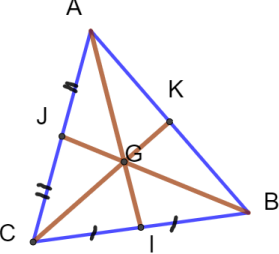
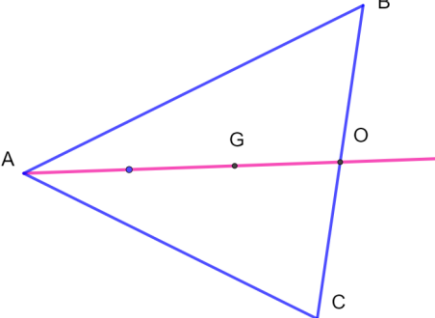


ملخص اثبات مركز الثقل

	<p>ABC مثلث حيث I منتصف $[BC]$ و J منتصف $[AC]$, لتكن G نقطة تقاطع $[AI]$ و $[BJ]$</p> <p>بين أن G مركز ثقل المثلث ABC</p> <p>التعليل: لنا $[AI]$ هو المتوسط الصادر من A والموافق لـ $[BC]$ لأن I منتصف $[BC]$</p> <p>و $[BJ]$ هو المتوسط الصادر من B والموافق لـ $[AC]$ لأن J منتصف $[AC]$.</p> <p>الموسطان $[AI]$ و $[BJ]$ يتقاطعان في G</p> <p>وبالتالي G مركز ثقل المثلث ABC</p>
	<p>(CG) يقطع (AB) في النقطة K. بين أن K منتصف $[AB]$</p> <p>التعليل: بما أن G مركز ثقل المثلث ABC فإن (CG) هو المستقيم الحامل للمتوسط الصادر من C والموافق لـ $[AB]$ ويقطعه في K</p> <p>إذن K منتصف $[AB]$</p>
	<p>لتكن K منتصف $[AB]$. بين أن النقاط C و G و K على استقامة واحدة</p> <p>التعليل: بما أن K منتصف $[AB]$ فإن $[CK]$ هو المتوسط الصادر من C والموافق لـ $[AB]$</p> <p>ولنا G مركز ثقل المثلث ABC فإن $G \in [CK]$</p> <p>وبالتالي C و G و K على استقامة واحدة</p>
	<p>ABC مثلث حيث O منتصف $[BC]$ و G نقطة من $[AO]$ حيث $AG = \frac{2}{3}AO$</p> <p>بين أن G مركز ثقل المثلث ABC</p> <p>التعليل: بما أن O منتصف $[BC]$ فإن $[AO]$ هو المتوسط الصادر من A والموافق لـ $[BC]$ و G نقطة من $[AO]$ حيث $AG = \frac{2}{3}AO$</p> <p>فإن G مركز ثقل المثلث ABC</p>