

$$ac = 27^3 = 2 \left(\frac{-3\sqrt{2}}{2} \right)^3 = 2 \frac{(-3\sqrt{2})^3}{2^3} = \frac{(-3\sqrt{2})^3}{2^2} = \frac{(-3)^3 \times \sqrt{2}^3}{2 \times 2} = \frac{-27 \times 2\sqrt{2}}{2 \times 2}$$

$$ac = \frac{27}{2} \sqrt{2}$$

بـ احسب abc اذا علمت ان $b^2 = \frac{\sqrt{5}}{2}$:

$$abc = \left(\frac{2b^3}{c} \right) bc = \frac{2b^3 bc}{c} = 2b^4 = 2(b^2)^2 = 2 \left(\frac{\sqrt{5}}{2} \right)^2 = 2 \times \frac{5}{4} = 2.5$$

(2) لتكن العبارة C الثالثة : $C = (x+5)(x-\sqrt{5}) - x + \sqrt{5}$:
اـ لتبسط العبارة C :

$$\begin{aligned} C &= (x+5)(x-\sqrt{5}) - x + \sqrt{5} \\ &= x^2 - \sqrt{5}x + 5x - 5\sqrt{5} - x + \sqrt{5} \\ &= x^2 - \sqrt{5}x + 4x - 4\sqrt{5} \\ &= x^2 + (4-\sqrt{5})x - 4\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= x^2 + (4-\sqrt{5})x - 4\sqrt{5} \\ &= (-\sqrt{5})^2 + (4-\sqrt{5})(-\sqrt{5}) - 4\sqrt{5} \\ &= 5 - 4\sqrt{5} + 5 - 4\sqrt{5} \\ &= 10 - 8\sqrt{5} \end{aligned}$$

جـ تبين متكافئ C الى جذاء عوامل ان : $C = (x-\sqrt{5})(x+4)$

$$\begin{aligned} C &= (x+5)(x-\sqrt{5}) - x + \sqrt{5} \\ &= (x+5)(x-\sqrt{5}) - (x-\sqrt{5}) \times 1 \\ &= (x-\sqrt{5})[(x+5)-1] \\ &= (x-\sqrt{5})(x+4) \end{aligned}$$

دـ C=0 يعني $(x-\sqrt{5})(x+4)=0$ يعني $(x-\sqrt{5})=0$ او $(x+4)=0$

يعني $x=\sqrt{5}$ او $x=-4$

التمرين 3 : اكمل الجمل التالية

في كل مثلث طول القطعة الرابطة بين منتصفي ضلعين يساوي نصف طول الضلع الثالث
في كل مثلث المستقيم الزاوي من منتصف ضلع والموازي لباقي ضلع اخر يقطع الضلع الثالث في منتصفه
طول القطعة الرابطة بين منتصفي الضلعين الغير متوازيين في شبه المنحرف يساوي نصف مجموع طولي القاعدتين

التمرين 4

(1) فكك العدد 216 الى جذاء عوامل اولية ثم اكمل ان الفراغات التالية :

$$216 \times 2^7 = 2^{\dots} \times 3^6$$

بما ان $216 = 2^3 \times 3^3$ فان الكيفية $2^{\dots} \times 3^6 = 2^3 \times 3^3 \times 2^{\dots} \times 3^3$ توحى

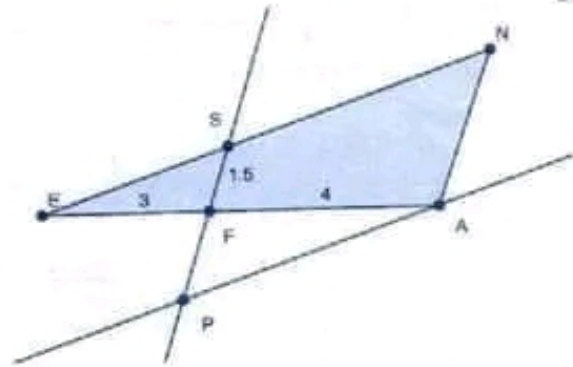
بان $3^6 = (3^3)^2$ ومنه $(2^3)^2 \times 2^7 = 2^{13} \times 3^6$

الخلاصة : $216 \times 2^7 = 2^{13} \times 3^6$

اصلاح احدى الفراغات 3 و 4 نموذج

التمرين 1

المعطيات : وحدة القياس هي المسم ثم (SF)/(AN) و EF=3 و AF=4 و SF=1.5



المطلوب :

(1) في المثلث AEN نجد (SF) موازي (AN) و يقطع (EN) في S و (EA) في F. فاحسب طالس نكتب : $\frac{EF}{EA} = \frac{ES}{EN} = \frac{FS}{AN}$ الا ان $\frac{EF}{EA} = \frac{3}{7}$ ومنه

$$\frac{FS}{AN} = \frac{3}{7} \quad \text{ان} \quad \frac{FS}{AN} = \frac{3}{7}$$

(2) الموازي لـ (EN) والعا من A يقطع (FS) في P احسب FP في المثلث FES نجد (AP) موازي (ES) و يقطع (EF) في A و (SF) في P

فاحسب طالس نكتب : $\frac{EP}{FA} = \frac{ES}{FP} = \frac{FS}{AP}$ الا ان $\frac{EP}{FA} = \frac{3}{4}$ ومنه

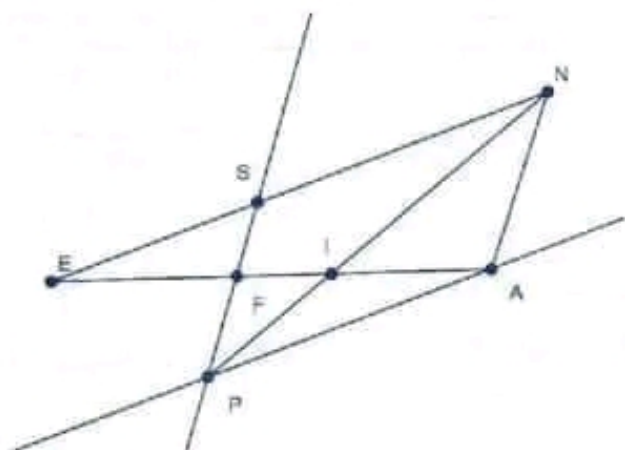
$$\frac{FS}{FP} = \frac{3}{4} \quad \text{ان} \quad \frac{FS}{FP} = \frac{3}{4}$$

(3) لتحسب النسبة $\frac{ES}{AP}$:

$$\frac{ES}{AP} = \frac{FE}{FA} = \frac{3}{4} \quad \text{ومن} \quad \frac{FE}{FA} = \frac{FS}{FP} = \frac{ES}{AP}$$

(4) (AE) يقطع (PN) في I بين ان : $IA^2 = IE \times IF$: بتطبيق طالس في المثلثين IAN ثم IAP على التوالي نجد :

$$(1) \frac{IA}{IF} = \frac{IN}{IP} = \frac{AN}{FP} \quad (2) \frac{IE}{IA} = \frac{IN}{IP} = \frac{EN}{AP} \quad \text{من} \quad (1) \quad \frac{IA}{IF} = \frac{IN}{IP} = \frac{AN}{FP}$$



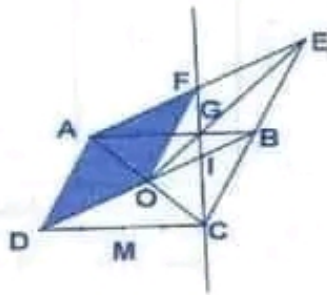
و ملاحظة ان $\frac{IN}{IP}$ هو الرابط بينهما : $\frac{IE}{IA} = \frac{IA}{IF}$ وبالتالي $IA^2 = IE \times IF$

التمرين 2

اـ لتعجب ac اذا علمنا ان $b = \frac{-3\sqrt{2}}{2}$: (جاءا الوسطين يساوي جاءا الطرفين لان لدينا تناسب)

• التمرين 3 : وحدة القياس في الصم

ABCD هو متوازي الاضلاع حيث $BC=4$ و $BD=8$ و O مركزه .
1- ابر النقطة E مناصرة C بالنسبة الى B ، (OE) و (AB) يتقاطعان في G



أ. متانثل G في المثلث AEC ؟ عل .

القطعتان $[AB]$ و $[OE]$ يتان موصلين في المثلث AEC لأن B منتصف

$[CE]$ و $[CA]$ منتصف G فحتما G مركز ثقل AEC .

ب. (AE) يقطع (CG) في F ويقطع (OH) في I . ما هو نوع الرباعي $AFOD$ ؟ عل .

نشا : (CG) يحمل المتوسط الصادر من C في المثلث AEC ولذا F منتصف

$[AE]$ وتعلم ان O منتصف $[CA]$ فحتما $(OF) \parallel (EC)$ و $OF = EC/2$

الا ان $BC=AD$ و $BC=EC/2$ ومنه $OF = AD$ (1) $OF \parallel AD$ (2) لأن $(EC) \parallel (AD)$ ينتج عن
(1) و (2) ان الرباعي $AFOD$ هو متوازي الاضلاع (وله ضلعان متقابلان
متساويان فهو معين بالتعريف)

ج. لحسب النسبة $\frac{IG}{GF}$: بتطبيق مائل في المثلث EFG لأن $(OB) \parallel (EF)$

وحيث نقطة من (FG) و O نقطة من (EG) فجد $\frac{IG}{GF} = \frac{GO}{GE} = \frac{IO}{FE}$ الا ان

$$\frac{IG}{GF} = 0.5 \quad \text{ومنه} \quad \frac{GO}{GE} = \frac{1}{2} \quad \text{لأن} \quad G \text{ مركز ثقل } AEC \quad \text{ومنه} \quad \frac{GO}{GE} = \frac{1}{2} = 0.5$$

2- M منتصف $[DC]$ ، احسب MF ، الرباعي $AECD$ هو شبه منحرف

فاعدته $[DA]$ و $[CE]$ و M منتصف $[DC]$ و F منتصف $[AE]$

$$MF = \frac{AD + CE}{2} = \frac{4 + 8}{2} = 6 \quad \text{ومنه} :$$

• التمرين 4 :

نريد حفر بئر على سطح هذه الرية في النقطة P على هذه البئر هو PH وارتفاع
الرية هو SK

اذا علمت ان $PS=35m$ وان $OS=105m$ وان $SK=48m$ فاحسب PH
على البئر .

المستقيم (OT) يمثل مستوى الماء .

لنعمد على طالس في المثلث OSK بحيث : $(PH) \parallel (SK)$ و $P \in [OS]$ و $H \in [OK]$ ومنه :

$$\frac{OP}{OS} = \frac{OH}{OK} = \frac{PH}{SK} \Rightarrow PH = \frac{OP \times SK}{OS} = \frac{(105 - 35) \times 48}{105} = 32$$

• اصلاح طرح البرهان عدد 3 : نموذج 2

• التمرين 1 :

$$\begin{aligned} a &= (\sqrt{2})^4 \sqrt{80} - 2(5\sqrt{2}+7)^{-6} (5\sqrt{2}-7)^{-6} \\ &= (\sqrt{2})^4 \sqrt{16 \times 5} - 2 \left[(5\sqrt{2}+7)(5\sqrt{2}-7) \right]^{-6} \\ &= (\sqrt{2})^4 \times 4\sqrt{5} - 2(50-49)^{-6} \\ &= 2^{-3} \times 4\sqrt{5} - 2 \times 1^{-6} \\ &= \frac{1}{4} \times 4\sqrt{5} - 2 \\ &= \sqrt{5} - 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b &= \frac{1}{4} (3-\sqrt{5}) (1+\sqrt{5})^3 \\ &= \frac{1}{4} (3-\sqrt{5}) (1+5\sqrt{5}) \\ &= \frac{1}{4} [33+15\sqrt{5}-11\sqrt{5}-25] \\ &= \frac{1}{4} (8+4\sqrt{5}) \\ &= 2 + \sqrt{5} \end{aligned}$$

• لنين ان a هو مقلوب b :

$$b \text{ مقلوب } a \text{ لأن } (\sqrt{5}-2)(2+\sqrt{5}) = 5-4 = 1$$

ب. لحسب ان p :

$$p = a^{13} b^{12} = a^{12} \times a \times b^{12} = (ab)^{12} \times a = 1^{12} \times a = a = \sqrt{5} - 2$$

• التمرين 2 :

1. لحسب :

$a = \sqrt{2^8 + (-1)^{52}}$ $= 2^4 + 1$ $= 16 + 1$ $= 17$	$b = \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \left(\frac{3}{2} \right)^2$ $= \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \left(\frac{9}{4} \right)$ $= \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \times \frac{9}{4}$ $= -1$	$c = \left(\frac{2\sqrt{3}}{3} \right)^{-2} - \frac{5}{4}$ $= \left(\frac{3}{2\sqrt{3}} \right)^2 - \frac{5}{4}$ $= \frac{3^2}{4 \times 3} - \frac{5}{4}$ $= \frac{3}{4} - \frac{5}{4}$ $= -\frac{1}{2}$	$d = \left(\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{5}} \right)^2$ $= \left(\frac{\sqrt{3} \times \sqrt{5}}{\sqrt{5}} \right)^2$ $= 3$
---	--	--	--

(2) تكمل الفراغات

$$\begin{aligned} \frac{25}{16} x^2 - 2 \times \left(\frac{5}{4} x \right) \times 1 + 1 &= \left(\frac{5}{4} x - 1 \right)^2 & 3y^2 + 2\sqrt{3}y + 1 &= \left(\sqrt{3}y + 1 \right)^2 \\ \frac{1}{9} t^2 - \frac{5}{3} t + \frac{25}{4} &= \left(\frac{1}{3} t - \frac{5}{2} \right)^2 & 4m^2 - \frac{36}{25} &= \left(2m - \frac{6}{5} \right) \left(2m + \frac{6}{5} \right) \end{aligned}$$

فرض مراقبة عدد 3 ** نموذج 5 **

(1) القوى والجذاءات المعتبرة (2) مبرهنة بيناغور (3) الدائرة المحيطة بمثلث قائم

التمرين 1 :

اكمل بـ "ص" أو "خ" :

.....	العدد $0,0004325$ يساوي : 4325×10^{-4}
.....	إذا كان ABC مثلث بحيث : $AB = 4$ و $AC = 2\sqrt{5}$ و $BC = 6$ فهو قائم الزاوية
.....	مربع قيس طول ضلعه $2\sqrt{2}$ يكون قيس طول قطره يساوي 4
.....	مثلث متقايس الأضلاع قيس طول ارتفاعه $4\sqrt{3}$ يكون قيس طول ضلعه يساوي 4

التمرين 2 :

نعتبر العددين الحقيقيين التاليين : $a = \left(\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}+3} \right)^{-1}$ و $b = \frac{3\sqrt{3}-4}{2\sqrt{3}+1}$.

- بين أن : $a = 2 + \sqrt{3}$.
- احسب : $(2\sqrt{3}+1)(2\sqrt{3}-1)$.
- استنتج أن : $b = 2 - \sqrt{3}$.
- احسب بايسر طريقة : $T = a^2 - b^2$ و $S = a^2 + 2ab + b^2$.
- أوجد x بحيث : $(x-5$ و $b)$ في تناسب طردي مع $(-a$ و $x+5)$.

التمرين 3 :

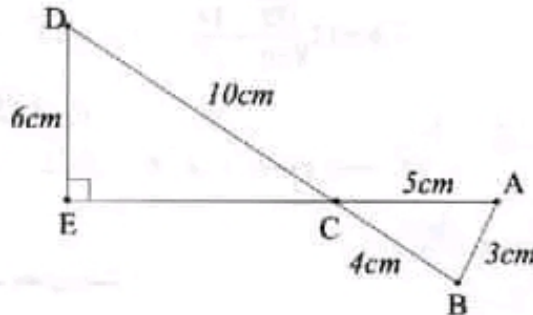
نعتبر الشكل اسفله :

(1) - أ) احسب CE ب) بين أن المثلث ABC قائم الزاوية ثم استنتج أن $\widehat{EDC} = \widehat{BAC}$

(2) - أ) H الممسقط العمودي لـ B على (AE) . احسب BH .

(3) - استنتج حساب CH بطريقتين .

(4) - بين أن A و B و D و E نقاط من نفس الدائرة تضبط طول قطرها



التمرين 4 :

هب العبارتين التاليين : $A = 9x^2 - 30x + 25$; $B = (3x - 5)(x + 1)$

أ- فكك A إلى جذاء عوامل.

ب- أوجد x بحيث يكون A و B متقابلين .

اصلاح فرض المعادلة عدد 3 ** نموذج 3 **

التمرين 1 : نضع علامة x في خلية المعنى السليم.

$a = \sqrt{5} + 2$	a مقلوب $\sqrt{5} - 2$ يعني
$3a + ab$	a(3+b) يساوي
c	مهما يكن العدد الحقيقي x فإن $\sqrt{x^2} = x$
c	مهما يكن العددين الحقيقيين x و y فإن $x^2 = y^2$ يعني $x = y$
c	لدينا $\frac{AK}{3} = HK$ إذن K منتصف [BC]



التمرين 2 :

أ) ليكن العددين الحقيقيين المتماثلين للصفر x و y و العبارة :

$$A = \frac{(x^2 y^3)^2 (y^{-1} x^3)^{-4}}{x^{-7} y^6 (x^2 y^{-3})^{-1}}$$

أ. اختصر العبارة A.

$$A = \frac{(x^2 y^3)^2 (y^{-1} x^3)^{-4}}{x^{-7} y^6 (x^2 y^{-3})^{-1}} = \frac{(x^4 y^6)(y^4 x^{-12})}{x^{-7} y^6 (x^{-2} y^3)} =$$

$$\frac{(x^{-8} y^{10})}{(x^{-9} y^9)} = \frac{x^{-8}}{x^{-9}} \times \frac{y^{10}}{y^9} = x^{-8+9} \times y^{10-9} = xy$$

$$A = xy$$

ب. احسب A إذا كان $x = \sqrt{2} - 1$ و $y = \sqrt{2} + 1$

$$A = xy = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1) = 2 - 1 = 1$$

2) نعتبر العددين الحقيقيين a و b حيث : $a = 3 + 2\sqrt{2}$ و $a = 3 - \sqrt{8}$

احسب : a^2 و b^2 و $a \times b$

$$a^2 = (3 + 2\sqrt{2})^2 = 3^2 + 2 \times 3 \times 2\sqrt{2} + (2\sqrt{2})^2 = 9 + 12\sqrt{2} + 8 = 17 + 12\sqrt{2}$$

$$b^2 = (3 - \sqrt{8})^2 = (3 - 2\sqrt{2})^2 = 3^2 - 2 \times 3 \times 2\sqrt{2} + (2\sqrt{2})^2 = 9 - 12\sqrt{2} + 8 = 17 - 12\sqrt{2}$$

$$a \times b = (3 + 2\sqrt{2})(3 - 2\sqrt{2}) = 3^2 - (2\sqrt{2})^2 = 9 - 8 = 1$$

$$\frac{b}{a} = \frac{a}{b}$$

$$\frac{b}{a} = \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{b^2 - a^2}{ab} = \frac{17 - 12\sqrt{2} - 17 - 12\sqrt{2}}{1} = -24\sqrt{2}$$

التمرين 3 :

شكل العبارة $\mathcal{E} = (3x - 2)^2 + 9x^2 - 4$

أ) لننشر هذه العبارة :

$$\mathcal{E} = (3x - 2)^2 + 9x^2 - 4 = (3x)^2 - 12x + 4 + 9x^2 - 4 = 9x^2 + 9x^2 - 12x = 18x^2 - 12x$$

ب) احسب $\mathcal{E}$ إذا كان $x = -\sqrt{2}$

$$\mathcal{E} = 18x^2 - 12x = 18(-\sqrt{2})^2 - 12(-\sqrt{2}) = 36 + 12\sqrt{2}$$

ج) نكتب $\mathcal{E} = 18x^2 - 12x = 6x(3x - 2)$: نلاحظ إلى جلاء عوامل :

$$6x(3x - 2) = 0 \quad \text{يعني} \quad \mathcal{E} = 0$$

$$6x = 0 \quad \text{أو} \quad (3x - 2) = 0 \quad \text{يعني} \quad x = 0 \quad \text{أو} \quad x = \frac{2}{3}$$

$$x = 0 \quad \text{أو} \quad x = \frac{2}{3} \quad \text{يعني}$$

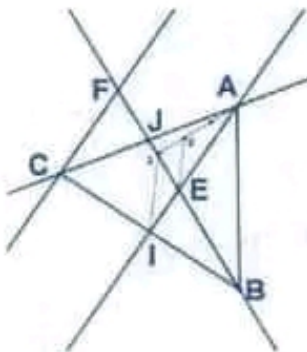
التمرين 4 :

وحدة القياس هي الغسم

أ. أرسم مثلثا ABI حيث $AB = 6$ و $AI = 5$ و $BI = 3.5$.

$$\text{ثم ارسم النقطة E من [AI] حيث } 3AE = 2IA \quad \text{أي} \quad AE = \frac{2}{3} AI$$

ب. ارسم النقطة C منظرية B بالنسبة إلى I.



ج. برهن أن E مركز ثقل المثلث ABC :

في المثلث ADC نجد النقطة C هي منظرية B بالنسبة إلى I إذن I منتصف [BC] ومعه [AI] هو الوسيط المتساوي من A : النقطة E من [AI] تحقق $AE = \frac{2}{3} AI$ إذن E مركز ثقل المثلث ABC.

2) المستقيم (EB) يقطع (AC) في I بين I و منتصف [AC] و $AI = 3$:
فهما أن E مركز ثقل المثلث ABC فمثلا [BE] يحمل الوسيط التنازل من A فيقطع وجوبا الضلع [AC] في منتصفه وبالتالي I هو منتصف [AC].
** في المثلث ABC نجد I منتصف [AC] و I منتصف [BC] إذن $AI = 1/2 \cdot AB = 3$

3) المستقيم الموازي لـ (AE) و المار من C يقطع (EB) في F.
في المثلث AJE نجد (CF) يوازي (AE) و يقطع (EJ) في F و (AJ) في C

$$\text{ف حسب مئذون لكان : } \frac{JA}{JC} = \frac{JE}{JF} = \frac{AE}{CF} \quad \text{أي} \quad \frac{JA}{JC} = 1 \quad \text{ومعه}$$

$$\frac{AE}{CF} = 1 \quad \text{إذن} \quad AE = CF \quad \text{ونعلم أن} \quad (CF) \parallel (AE) \quad \text{فأربعي AECF}$$

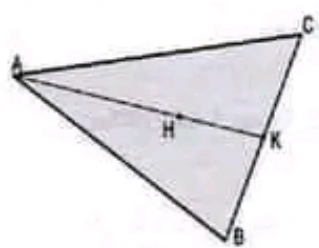
$$\text{متوازي الاضلاع و بما أن} \quad AE = CF \quad \text{فإن} \quad CF = \frac{2}{3} AI = \frac{2}{3} \times 5 = \frac{10}{3}$$

فرض المراقبة عدد 3 ** نموذج 3 **

(1) القوى والجذاءات المعتبرة (2) مبرهنة طاليس (3) مركز ثقل مثلث

التمرين 1 :

ضع علامة x في الخانة المناسبة.

$a = \sqrt{2} - 5$	$a = 2 - \sqrt{5}$	$a = \sqrt{5} + 2$	a مقلوب $2 - \sqrt{5}$ يعني:
$3a + 3b$	$3a + ab$	$b(3+a)$	$a(3+b)$ يساوي:
خطأ	صواب	$\sqrt{x^2} = x$ فإن x يمكن أن يكون العدد الحقيقي	
خطأ	صواب	مهما يكن العددين الحقيقيين x و y فإن $x^2 = y^2$ يعني $x = y$	
خطأ			
		لدينا $HK = \frac{AK}{3}$ إذن K منتصف [BC]	
خطأ		صواب	

التمرين 2 :

(1) ليكن $(x \in \mathbb{R}^*)$ و $(y \in \mathbb{R}^*)$ و العبارة : $A = \frac{(x^2 y^3)^2 (y^{-1} x^3)^{-4}}{x^{-7} y^6 (x^2 y^{-3})^{-1}}$

أ- اختصر العبارة A.

ب- احسب A إذا كان $x = \sqrt{2} - 1$ و $y = 1 + \sqrt{2}$.

(2) نعتبر العددين الحقيقيين a و b حيث : $a = 3 + 2\sqrt{2}$ و $b = 3 - \sqrt{8}$

أ- احسب : a^2 و b^2 و $a \times b$.

ب- استنتج حساب $\frac{b}{a} - \frac{a}{b}$

التمرين 3 :

لتكن العبارة $\xi = (3x - 2)^2 + 9x^2 - 4$.

(أ) أثبت هذه العبارة.

(ب) احسب ξ إذا كان $x = (-\sqrt{2})$

(ج) فكك ξ إلى جذاء عوامل.

(د) جد العدد الحقيقي x الذي يحقق : $\xi = 0$

التمرين 4 :

وحدة القياس هي الصم

(1) أ- أرسم مثلثا ABI حيث $AB=6$ و $AI=5$ و $BI=3,5$. ثم ابن النقطة E من $[AI]$ حيث $3AE = 2IA$

ب- ابن النقطة C منظرية B بالنسبة إلى I .

ج- برهن أن E مركز ثقل المثلث ABC .

(2) المستقيم (EB) يقطع (AC) في J . بين أن J منتصف $[AC]$ و أن $IJ = 3$

(3) المستقيم الموازي لـ (AE) و المار من C يقطع (EB) في F .

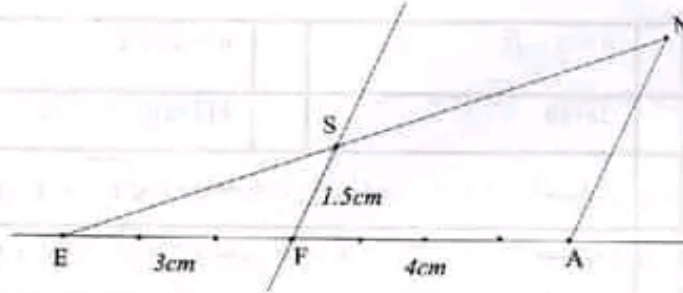
بيِّن أن الرباعي $AECF$ متوازي الاضلاع و استنتج FC .

فرض المراقبة عدد 3 ** نموذج 4 **

(1) القوى (2) مبرهنة طاليس (3) القطعة الرابطة بين منتصفين ضلعين في مثلث

التمرين 1 :

المعطيات : $(SF) \parallel (AN)$ و $SF=1.5$; $AF=4$; $EF=3$. وحدة القياس هي الصم



المطلوب :

- (1) احسب AN .
- (2) الموازي لـ (EN) والمار من A يقطع (FS) في P احسب FP .
- (3) احسب النسبة $\frac{ES}{AP}$.
- (4) (AE) يقطع (PN) في I بين ان : $IA^2 = IE \cdot IF$.

التمرين 2 :

(1) نعتبر a و b و c ثلاثة اعداد حقيقية بحيث : $a = \frac{2b^3}{c}$.

ا- احسب ac اذا علمت ان $b = \frac{-3\sqrt{2}}{2}$. ب- احسب abc اذا علمت ان $b^2 = \frac{\sqrt{5}}{2}$.

(2) لتكن العبارة C التالية : $C = (x+5)(x-\sqrt{5}) - x + \sqrt{5}$:

ا- انشر العبارة C . ب- احسب العبارة C اذا كان $x = -\sqrt{5}$.

ج- بين مفككا C الى جذاء عوامل ان : $C = (x-\sqrt{5})(x+4)$. د- استنتج x حيث $C=0$.

التمرين 3 : اكمل الجمل التالية

في كل مثلث طول القطعة الرابطة بين منتصفين ضلعين يساوي
في كل مثلث المستقيم المار من منتصف ضلع و..... لحامل ضلع آخر يقطع الضلع الثالث في منتصفه
طول القطعة الرابطة بين منتصفين الضلعين الغير متوازيين في شبه المنحرف يساوي..... الفاعنتين

التمرين 4 :

(1) فكك العدد 216 الى جذاء عوامل اولية ثم اكمل الفراغات التالية : $216 = 2^7 \times 3^6$.

(2) اكتب في صورة قوة لعدد حقيقي : $a = \frac{5^{17} \times 0,02^{13}}{4^{-2} \times 10000^{-5}}$ و $b = \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^{-35} \times \left(-\frac{\sqrt{3}}{7}\right)^{-35} \times \left(\frac{4}{49}\right)^6$.

فرض المراقبة عدد 3 ** نموذج 2 **

(1) القوى في $\mathbb{R}$ (2) الجذاعات المعكوسة (3) مبرهنة طاليس

التمرين 1 :

نعتبر العددين a و b التاليين :

$$a = (\sqrt{2})^{-4} \cdot \sqrt{80} - 2(5\sqrt{2}+7)^{-6} \cdot (5\sqrt{2}-7)^{-6} \quad \text{و} \quad b = \frac{1}{4}(3-\sqrt{5})(11+\sqrt{5}^3)$$

أ- بين ان $a = \sqrt{5} - 2$ و $b = \sqrt{5} + 2$ ثم استنتج ان a هو مقلوب b .

ب- احسب ان $p = a^{13} \times b^{12}$

التمرين 2 :

(أ) احسب :

$a = \sqrt{2}^8 + (-1)^{52}$	$b = \frac{4}{3} - \frac{4}{3}\left(1 - \frac{3}{2}\right)^2$	$c = \left(\frac{2\sqrt{3}}{3}\right)^{-2} - \frac{5}{4}$	$d = \left(\frac{-\sqrt{15}}{\sqrt{5}}\right)^2$

$$\left. \begin{aligned} \frac{25}{16}x^2 - \dots + 1 &= (\dots x - 1)^2 & ; & \quad 3y^2 + 2\sqrt{3}y + 1 = (\dots + 1)^2 \\ \frac{1}{9}t^2 - \frac{5}{3}t + \dots &= \left(\dots - \frac{5}{2}\right)^2 & ; & \quad 4m^2 - \dots = \left(2m - \frac{6}{5}\right)\left(\dots + \frac{6}{5}\right) \end{aligned} \right\}$$

(2) املا الفراغات التالية :

التمرين 3 :

وحدة القياس هي الصم

ABCD هو متوازي الاضلاع حيث $BD=8$ و $BC=4$ و O مركزه.

1- ابن النقطة E منظرية C بالنسبة الى B ، (EO) و (AB) يتقاطعان في G .

أ- ماذا تمثل G في المثلث AEC ؟ علل .

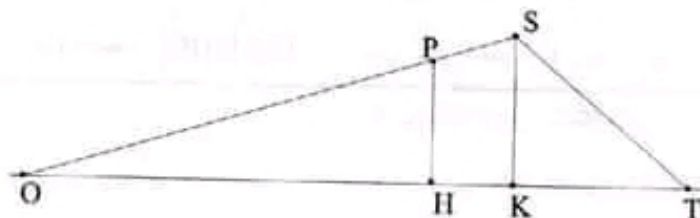
ب- (CG) يقطع (AE) في F ويقطع (BO) في I . ما هو نوع الرباعي $AFOD$ ؟ علل .

ج- احسب النسبة $\frac{GI}{GF}$.

2- M منتصف $[DC]$ ، احسب MF .

التمرين 4 :

نريد حفر بئر على سفح هذه الربوة في النقطة P ؛ عمق هذه البئر هو PH وارتفاع الربوة هو SK . اذا علمت ان $PS=35m$ وان $OS=105m$ و ان $SK=48m$ فاحسب PH عمق البئر . المستقيم (OT) يمثل مستوى الماء .



(2) طبع = أعلام الأضوية المتطابقة :

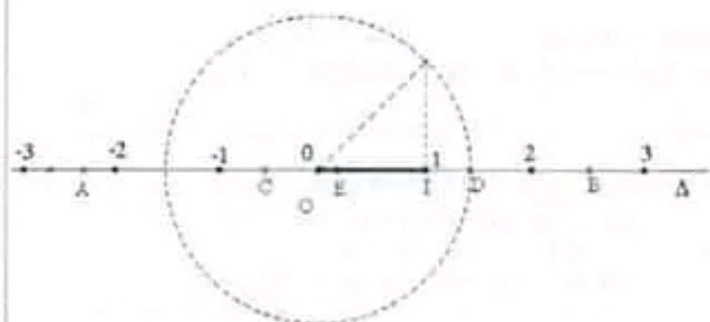
	$\cdot 2^{-4}$		$\cdot -0,2\sqrt{2}^4$
$(\sqrt{2})^{-8}$	$(-\sqrt{2})^8$	$\frac{-\sqrt{2}^4}{5}$	$\frac{4}{625}$
	$\cdot 16^{-1}$		$\cdot -0,8$

• التمرين 3 :

ليكن Δ مستقيما مقترنا بالمعين (O,I) حيث $OI=1,8$ بالصم .

(1) عن النقاط D و C و B و A حيث :

$$x_A = -\frac{7}{3} ; x_B = \frac{5}{2} ; x_C = 1 - \sqrt{2} ; x_D = \sqrt{2}$$



(2) احسب الابعاد AB و BD .

$$AB = |x_B - x_A| = \left| \frac{5}{2} - \left(-\frac{7}{3} \right) \right| = \left| \frac{5}{2} + \frac{7}{3} \right| = \frac{29}{6}$$

$$BD = |x_D - x_B| = \left| \sqrt{2} - \frac{5}{2} \right| = -\left(\sqrt{2} - \frac{5}{2} \right) = \frac{5}{2} - \sqrt{2}$$

$$x_E = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{-\frac{7}{3} + \frac{5}{2}}{2} = \frac{\frac{-14 + 15}{6}}{2} = \frac{1}{12}$$

(3) E منتصف [AB] يعني $x_E = \frac{1}{12}$

(4) نجد x_F فاصلة النقطة F حيث $DF=3$ و $CF=3$.

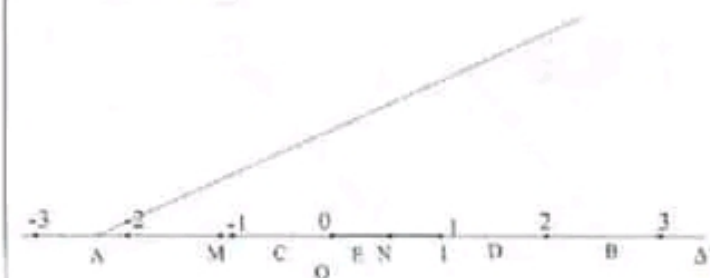
$$DF=3 \text{ يعني } |x_F - x_D| = |x_F - \sqrt{2}| = 3$$

$$x_F - \sqrt{2} = -3$$

$$\text{وبالتالي } x_F = 3 + \sqrt{2} > 0 \text{ (النقطة مغلقة لانها موجبة) او}$$

$$x_F = \sqrt{2} - 3 \text{ (النقطة مغلقة لانها موجبة) او}$$

(5) بناء النقطتين M و N من [AB] بحيث $\frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NB}{4}$ و $M \in [AN]$



(6) حدد فاصلة كل من M و N

لتبدأ : $\frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NB}{4}$ و $N \in [AB]$ و $M \in [AN]$ مما

$$(*) \frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NB}{4} = \frac{AM+MN+NB}{2+3+4} = \frac{AB}{9}$$

هنا نجد : $AM + MN + NB = AB$ لان M و N من [AB] و

$$M \in [AN] \text{ ينتج عن } (*) \text{ ان : } \frac{AM}{2} = \frac{AB}{9} \text{ مما يعطي}$$

$$AM = \frac{2 \times AB}{9} \text{ اي :}$$

$$\text{مما يعطي } \left| x_M + \frac{7}{3} \right| = \frac{29}{27} \text{ او } AM = \frac{2 \times 29}{9} = \frac{29}{3} \times \frac{1}{9} = \frac{29}{27}$$

$$x_M = \frac{29}{27} - \frac{7}{3} = \frac{92}{27} < -3 \text{ ان } x_M + \frac{7}{3} = -\frac{29}{27} \text{ او } x_M + \frac{7}{3} = \frac{29}{27}$$

$$\text{او } \frac{-34}{27} < \frac{5}{2} \text{ و } \frac{-34}{27} > \frac{-7}{3} \text{ و } x_M = -\frac{7}{3} + \frac{29}{27} = \frac{-34}{27}$$

$$\text{الخلاصة : } x_M = \frac{-34}{27} \approx -1.25 \dots$$

بين فاصلتي x_B و x_N

$$\text{ينتج كذلك عن } (*) \text{ ان : } \frac{NB}{4} = \frac{AB}{9} \text{ مما يعطي } NB = \frac{4 \times AB}{9} \text{ ونفرض}$$

$$\text{التعني نجد : } x_N = \frac{251}{54} > 4$$

$$\frac{-7}{3} < x_N = \frac{19}{54} \approx 0.35 \dots < 2.5$$

$$\text{الخلاصة : } x_N = \frac{19}{54} \approx 0.35 \dots$$

هنا نجد : علينا ان ننظر في الناحية العددية $0.35 \dots$ و $-1.25 \dots$ مع مواقع

النقاط M و N على المستقيم Δ

فرض المراقبة عدد 3 ** نموذج 1 **

1) العمليات في المجموعة $\mathbb{R}$ 2) القوى في $\mathbb{R}$ 2) تطبيقات ميرنة طالس

التمرين 1 :

1) نعتبر العددين A و B التاليين : $A = 3 \left(\frac{\sqrt{15}}{3\sqrt{20} - \sqrt{45}} \right)$ و $B = 9\sqrt{\frac{28}{99}} + 8\sqrt{\frac{27}{32}} - 4\sqrt{\frac{63}{44}} - 10\sqrt{\frac{48}{50}}$

بين ان : $A = \sqrt{3}$ و $B = -\sqrt{6}$

2) ليكن المجموع C التالي : $C = \frac{-\sqrt{6}}{\sqrt{6}-2} + \frac{2}{\sqrt{6}+2}$ بين ان : $C \in \mathbb{Z}_-$

التمرين 2 :

1) اكتب على شكل قوة لعدد صحيح

$\sqrt{3}^{12} + \sqrt{3}^{12} + \sqrt{3}^{12}$, $5^{11} \times \sqrt{5}^{-6} \times \sqrt{5}^{-4}$: $\left(\frac{1}{\sqrt{5}} \right)^{-6} \times \left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \right)^6$: $\sqrt{7}^{17} \times \sqrt{7}^{-9}$

2) توجد اكثر من اجابة صحيحة اضع حذرها نجمة :

	2^{-4}
$(\sqrt{2})^{-8} =$	$(-\sqrt{2})^8$
	16^{-1}

	$-0,2\sqrt{2}^4$
$\frac{-\sqrt{2}^4}{5} =$	$\frac{4}{625}$
	$-0,8$

التمرين 3 :

تجد أسفله مستقيما Δ مقترنا بالمعين (O,I) حيث $OI=1,8$ بالمصم .

1) عن النقاط D و C و B و A حيث $x_A = -\frac{7}{3}$; $x_B = \frac{5}{2}$; $x_C = 1 - \sqrt{2}$; $x_D = \sqrt{2}$

2) احسب الابعاد AB و BD .

3) اوجد x_E فاصلة النقطة E منتصف [AB] .

4) اوجد x_F فاصلة النقطة F حيث $DF=3$ و x_F سالب .

5) ابن النقطتين M و N من [AB] بحيث : $\frac{AM}{2} = \frac{MN}{3} = \frac{NB}{4}$ و $M \in [AN]$

6) حدد فاصلة كل من M و N .



(2) اكتب في صورة قوة لعدد حقيقي:

$$a = \frac{5^{17} \times 0,02^{13}}{4^{-3} \times 10000^{-5}} = \frac{5^{17} \times \left(\frac{2}{10^2}\right)^{13}}{(2^2)^{-3} \times (10^4)^{-5}}$$

$$= 5^{17} \times 2^{13} \times 10^{-26} \times 2^3 \times 10^{20} = 5^{17} \times 2^{17} \times 10^{-6}$$

$$= 10^{17} \times 10^{-6} = 10^{11}$$

$$b = \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^{-35} \times \left(\frac{\sqrt{3}}{7}\right)^{-35} \times \left(\frac{4}{49}\right)^6$$

$$= \left(\frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{7}\right)^{-35} \times \left(\left(\frac{2}{7}\right)^2\right)^6$$

$$= \left(-\frac{2}{7}\right)^{-35} \times \left(-\frac{2}{7}\right)^{12} = \left(-\frac{2}{7}\right)^{-23} = \left(-\frac{7}{2}\right)^{23}$$

اصلاح فرض المرحلة عدد 33 لمراجعي

التمرين 1

اكمل ب "من" او "ح" (وحدة القياس هي المسم)

ح	العدد 0.0004325 يساوي $4325 \cdot 10^{-3}$
من	اذا كان مثلث بحيث $AB=4$ و $AC=2\sqrt{5}$ و $BC=6$ فهو قائم الزاوية
من	اذا كان مربع قياس طول ضلعه $2\sqrt{2}$ فان قياس طول قطره يساوي 4
ح	اذا كان مثلث متقايس الاضلاع ليس طول ارتفاعه $4\sqrt{3}$ فان 4 هو قياس طول ضلعه

التمرين 2

ا- للبين ان $a = 2 + \sqrt{3}$

$$a = \left(\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}+3}\right)^{-1} = \frac{2\sqrt{3}+3}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}(2+\sqrt{3})}{\sqrt{3}} = 2 + \sqrt{3}$$

ب- لتعصب $(2\sqrt{3}+1)(2\sqrt{3}-1)$

$$(2\sqrt{3}+1)(2\sqrt{3}-1) = (2\sqrt{3})^2 - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 1 = 12 - 1 = 11$$

ج- الاستنتاج :

$$b = \frac{3\sqrt{3}-4}{2\sqrt{3}+1} = \frac{(3\sqrt{3}-4)(2\sqrt{3}-1)}{(2\sqrt{3}+1)(2\sqrt{3}-1)} = \frac{18-3\sqrt{3}-8\sqrt{3}+4}{11}$$

$$= \frac{22-11\sqrt{3}}{11} = \frac{11(2-\sqrt{3})}{11} = 2 - \sqrt{3}$$

د- للحسب بالسر طريقة :

$$S = a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2 = (2+\sqrt{3}+2-\sqrt{3})^2 = 4^2 = 16$$

$$T = a^2 - b^2 = (a+b)(a-b) = 4(2+\sqrt{3}-2+\sqrt{3}) = 4 \times 2\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$$

$$\frac{x-5}{-a} = \frac{b}{x+5} \text{ يعني " (} x-5 \text{ و } -a \text{) في تنسب مع (} b \text{ و } x+5 \text{) "}$$

$$\text{يعني (} x-5 \text{) (} x+5 \text{) = -ab}$$

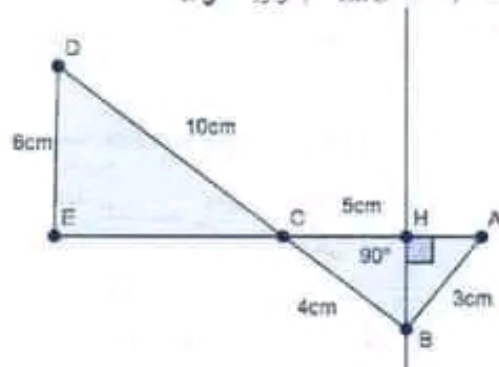
$$\text{يعني } x^2 - 25 = -(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3}) = -1$$

$$\text{يعني } x^2 = 24$$

$$x = \sqrt{24} = 2\sqrt{6} \text{ او } x = -\sqrt{24} = -2\sqrt{6}$$

التمرين 3

اعتبر الشكل اسفله : المثلث EDC قائم الزاوية في E



1) المثلث ECD قائم الزاوية في E فحسب بيانهون:

$$DC^2 = DE^2 + EC^2 \Rightarrow$$

$$EC^2 = DC^2 - DE^2 = 100 - 36 = 64 \Rightarrow EC = 8$$

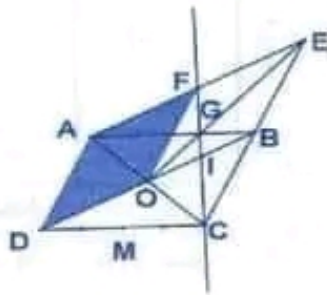
ب) بين ان : المثلث ABC قائم الزاوية ثم استنتج ان $\widehat{EDC} = \widehat{BAC}$

$$\text{نجد في المثلث } ABC : AC^2 = BC^2 + BA^2 \text{ لان } 5^2 = 4^2 + 3^2$$

فحسب عكس بيانهون المثلث ABC قائم الزاوية في B

• التمرين 3 : وحدة القياس في الصم

ABCD هو متوازي الاضلاع حيث $BC=4$ و $BD=8$ و O مركزه .
1- ابر النقطة E مناصرة C بالنسبة الى B ، (OE) و (AB) يتقاطعان في G



أ. متانتمل G في المثلث AEC ؟ عل .

القطعتان $[AB]$ و $[OE]$ يتان موسطين في المثلث AEC لان B مناصف

$[CE]$ و O مناصف $[CA]$ و يتقاطعان في G فحتما G مركز ثقل AEC .

ب. (AE) يقطع (CG) في F و يقطع (OH) في I . ما هو نوع الرباعي $AFOD$ ؟ عل .

نشا : (CG) يحمل الموسط الصادر من C في المثلث AEC و F مناصف

$[AE]$ و تعلم ان O مناصف $[CA]$ فحتما $(OF) \parallel (EC)$ و $OF = EC/2$

الا ان $BC=AD$ و $BC=EC/2$ ومنه $OF = AD$ (1) $OF \parallel AD$ (2) لان $(OF) \parallel (EC)$ و $(EC) \parallel (AD)$ ينتج عن
(1) و (2) ان الرباعي $AFOD$ هو متوازي الاضلاع (وله ضلعان متساويان متقابلان فهو معين بالتعريف)

ج. لحسب النسبة $\frac{IG}{GF}$: بتطبيق مائل في المثلث EFG لان $(OB) \parallel (EF)$

وحيث نقطة من (FG) و O نقطة من (EG) فجد $\frac{IG}{GF} = \frac{GO}{GE} = \frac{IO}{FE}$ الا ان

$$\frac{IG}{GF} = 0.5 \quad \text{ومنه} \quad \frac{GO}{GE} = \frac{1}{2} \quad \text{لان} \quad G \text{ مركز ثقل } AEC \quad \text{ومنه} \quad \frac{GO}{GE} = \frac{1}{2} = 0.5$$

2- M مناصف $[DC]$ ، احسب MF ، الرباعي $AECD$ هو شبه منحرف

فاعدته $[DA]$ و $[CE]$ و M مناصف $[DC]$ و F مناصف $[AE]$

$$MF = \frac{AD+CE}{2} = \frac{4+8}{2} = 6 \quad \text{ومنه} :$$

• التمرين 4 :

نريد حفر بئر على سطح هذه الرية في النقطة P على هذه البئر هو PH وارتفاع الرية هو SK

اذا علمت ان $PS=35m$ وان $OS=105m$ و ان $SK=48m$ فاحسب PH على البئر .

المستقيم (OT) يمثل مستوى الماء .

لنعمد على طالس في المثلث OSK بحيث : $(PH) \parallel (SK)$ و $P \in [OS]$ و $H \in [OK]$ ومنه :

$$\frac{OP}{OS} = \frac{OH}{OK} = \frac{PH}{SK} \Rightarrow PH = \frac{OP \times SK}{OS} = \frac{(105-35) \times 48}{105} = 32$$

• اصلاح طرح البرقية عدد 3 ** لمولج 2 **

• التمرين 1 :

$$\begin{aligned} a &= (\sqrt{2})^4 \sqrt{80} - 2(5\sqrt{2}+7)^{-6} (5\sqrt{2}-7)^{-6} \\ &= (\sqrt{2})^4 \sqrt{16 \times 5} - 2 \left[(5\sqrt{2}+7)(5\sqrt{2}-7) \right]^{-6} \\ &= (\sqrt{2})^4 \times 4\sqrt{5} - 2(50-49)^{-6} \\ &= 2^{-3} \times 4\sqrt{5} - 2 \times 1^{-6} \\ &= \frac{1}{4} \times 4\sqrt{5} - 2 \\ &= \sqrt{5} - 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b &= \frac{1}{4} (3-\sqrt{5}) (1+\sqrt{5})^3 \\ &= \frac{1}{4} (3-\sqrt{5}) (1+5\sqrt{5}) \\ &= \frac{1}{4} [33+15\sqrt{5}-11\sqrt{5}-25] \\ &= \frac{1}{4} (8+4\sqrt{5}) \\ &= 2 + \sqrt{5} \end{aligned}$$

** لبر ان a هو مقلوب b :

$$b \text{ مقلوب } a \text{ لان } (\sqrt{5}-2)(2+\sqrt{5}) = 5-4 = 1$$

بـ : لحسب ان p :

$$p = a^{13} b^{12} = a^{12} \times a \times b^{12} = (ab)^{12} \times a = 1^{12} \times a = a = \sqrt{5} - 2$$

• التمرين 2 :

1) لحسب :

$a = \sqrt{2}^8 + (-1)^{52}$ $= 2^4 + 1$ $= 16 + 1$ $= 17$	$b = \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \left(\frac{3}{2} \right)^2$ $= \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \left(\frac{9}{4} \right)$ $= \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \times \frac{9}{4}$ $= -1$	$c = \left(\frac{2\sqrt{3}}{3} \right)^{-2} - \frac{5}{4}$ $= \left(\frac{3}{2\sqrt{3}} \right)^2 - \frac{5}{4}$ $= \frac{3^2}{4 \times 3} - \frac{5}{4}$ $= \frac{3}{4} - \frac{5}{4}$ $= -\frac{1}{2}$	$d = \left(\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{5}} \right)^2$ $= \left(\frac{\sqrt{3} \times \sqrt{5}}{\sqrt{5}} \right)^2$ $= 3$
---	--	--	--

2) تكمل الفراغات

$$\frac{25}{16} x^2 - 2 \times \left(\frac{5}{4} x \right) \times 1 + 1 = \left(\frac{5}{4} x - 1 \right)^2 \quad ; \quad 3y^2 + 2\sqrt{3}y + 1 = \left(\sqrt{3}y + 1 \right)^2$$

$$\frac{1}{9} t^2 - \frac{5}{3} t + \frac{25}{4} = \left(\frac{1}{3} t - \frac{5}{2} \right)^2 \quad ; \quad 4m^2 - \frac{36}{25} = \left(2m - \frac{6}{5} \right) \left(2m + \frac{6}{5} \right)$$