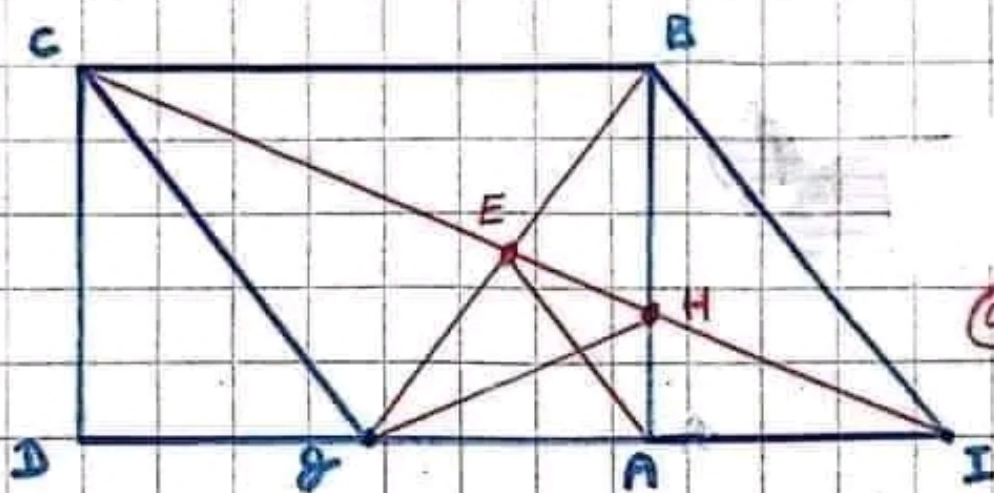


التمرين الخامس

١-٩.



١-ب. لنا $(AD) \parallel (BC)$ (مستطيل ABCD) و $I \in (AD)$ إذن $(OI) \parallel (BC)$ ①

لنا $AD = BC$ (مستطيل ABCD) و $AI = AG = \frac{1}{2}AD$

إذن: $OI = AD$ و $OI = BC$ ②

من ① و ②: $OI \parallel BC$ مالأضلاع

0,2

٢- OAB م قائم في A إذن حسب (زب): $OB^2 = OA^2 + AB^2 = 25$ و $OB = 5$ و بعاً أن E نقطة تقاطع القطران $[OB]$ و $[CI]$ لقضواي الأضلاع OIB فان E منتصف الوتر $[OB]$ لمثلث القائم OAB و $AE = \frac{1}{2}OB = \frac{5}{2}$ ③

فان E منتصف الوتر $[OB]$ لمثلث القائم OAB و $AE = \frac{1}{2}OB = \frac{5}{2}$

$$[AE = \frac{1}{2}OB = \frac{5}{2}]$$

0,5

الاسم و النقب:	المدرسة الإعدادية بفوشانة 2024/03/14	الفرض التأليفي عدد 2 في الرياضيات المدة: 120 دق	الأساتذة: بدر الدين بن جبارة نادية سامي ريم بن ضياء
القسم:			

إمالة

التمرين الأول: (4ن)

أنقل في كل مرة على ورقة تحريرك رقم السؤال و الاجابة الصحيحة الموافقة له:

(1) ليكن x و y عدنان حقيقيان موجبان قطعاً فإن:

أ- $x^2 + y^2 = -2xy$ ؛ ب- $x^2 + y^2 < 2xy$ ؛ ج- $x^2 + y^2 > 2xy$ ؛ د- $x^2 + y^2 = 2xy$

(2) إذا علمت أن $1 - \sqrt{2} < 0 < 1 + \sqrt{2}$ فإن:

أ- $\frac{1}{1 - \sqrt{2}} > \frac{1}{1 + \sqrt{2}}$ ؛ ب- $\frac{1}{1 - \sqrt{2}} < \frac{1}{1 + \sqrt{2}}$ ؛ ج- $1 - \sqrt{2}$ و $1 + \sqrt{2}$ مقلوبان ؛ د- $1 - \sqrt{2}$ و $1 + \sqrt{2}$ متساويان

(3) نعتبر العبارة $B = \sqrt{b^2 - b} + \frac{1}{4} + \frac{1}{2}$ حيث b عدد حقيقي سالب فإن B تساوي:

أ- $-b$ ؛ ب- $b + 1$ ؛ ج- $1 - b$ ؛ د- $b - 1$

(4) ABC مثلث قائم الزاوية في A و $\widehat{ABC} = 60^\circ$ و M منتصف وتره $[BC]$ حيث $BC = 6$ إذن AC يساوي:

أ- $\sqrt{3}$ ؛ ب- $2\sqrt{3}$ ؛ ج- $3\sqrt{3}$ ؛ د- $4\sqrt{3}$

(3) أ- في المثلث HBC لنا $AE(HB)$ و $IE(HC)$

و $(BC) \parallel (AI)$ إذن حسب (مط):
 $\frac{AI}{BC} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ وبالمثل $\frac{HA}{HB} = \frac{HI}{HC} = \frac{AI}{BC}$
 إذن $\left[\frac{HA}{HB} = \frac{HI}{HC} = \frac{1}{2} \right]$ (0,5)

ب- في المثلث OBI لنا $[BA]$ الموسط القادر

من B (A منتصف [OI])
 و $\frac{HA}{HB} = \frac{1}{2}$ يعني $HB = 2HA$ و إذن H مركز
 ثقل المثلث OBI (0,5)

ج- 2- OAH قائم في A إذن حسب (ن ب):
 $OH^2 = OA^2 + AH^2$ حيث $OA = 3$ و $AH = \frac{1}{3}AB = \frac{4}{3}$
 إذن:

$$OH^2 = 9 + \frac{16}{9} = \frac{81+16}{9} = \frac{97}{9}$$

و منه $OH = \frac{\sqrt{97}}{3}$ (0,5)

(0,5)

التمرين الثاني

$$a = \frac{1}{\sqrt{5}+1} + \frac{3}{\sqrt{5}-1} + \frac{3}{2} = \frac{\sqrt{5}-1+3\sqrt{5}+3}{5-1} + \frac{3}{2} = \frac{4\sqrt{5}+2}{4} + \frac{6}{4} \quad (1)$$

$$= \frac{4\sqrt{5}+8}{4} = \frac{4(\sqrt{5}+2)}{4} = \sqrt{5}+2 \quad \text{*(0,25)}$$

$$b = \left(\sqrt{3} + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} = 3 + \sqrt{3} + \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = 3 + \sqrt{3} \quad \text{*(0,25)}$$

$$a^2 = (\sqrt{5}+2)^2 = 5 + 4\sqrt{5} + 4 = 9 + 4\sqrt{5} \quad \text{*(0,25)} \quad \text{أ- (2)}$$

$$b^2 = (3+\sqrt{3})^2 = 9 + 6\sqrt{3} + 3 = 12 + 6\sqrt{3} \quad \text{*(0,25)}$$

ب- $4\sqrt{5}$ و $6\sqrt{3}$ عددان موجبان حيث $(4\sqrt{5})^2 = 80 < (6\sqrt{3})^2 = 108$

بإذن $\boxed{4\sqrt{5} < 6\sqrt{3}} \quad \text{*(0,25)}$

ج- لنا $4\sqrt{5} < 6\sqrt{3}$ و $9 < 12$ إذن $4\sqrt{5}+9 < 6\sqrt{3}+12$ ومنه $a^2 < b^2$
وبما أن a و b موجبان فإن $\boxed{a < b} \quad \text{*(0,25)}$

$$(\sqrt{5}-2)^2 = 5 - 4\sqrt{5} + 4 = 9 - 4\sqrt{5} \quad \text{*(0,25)} \quad \text{أ- (3)}$$

$$c = \sqrt{9-4\sqrt{5}} = \sqrt{(\sqrt{5}-2)^2} = |\sqrt{5}-2| = \sqrt{5}-2 \quad \text{*(0,25)}$$

ب- $a.c = (\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2) = 5 - 2^2 = 5 - 4 = 1$

بإذن a و c مقلوبان. *(0,25)

ج- لنا $a < b$ و c موجب و $a.c < b.c$ إذن $\boxed{1 < b.c} \quad \text{*(0,25)}$

بما أن $1 < b.c$ أي $1 < (3+\sqrt{3})(\sqrt{5}-2)$ يعني $1 < 3\sqrt{5}-6+\sqrt{15}-2\sqrt{3}$

يعني $1+6+2\sqrt{3} < 3\sqrt{5}+\sqrt{15}$

" $\boxed{7+2\sqrt{3} < 3\sqrt{5}+\sqrt{15}} \quad \text{*(0,25)}$

التمرين الثالث: (4ن)

نعتبر العبارة: $A = x^2 - 5x + 4$ حيث $x \in \mathbb{R}$

(1) احسب A في حالة $x = 1$ و $x = 2$ و $x = 4$

(2) أ- بين أن $A = (x - \frac{5}{2})^2 - \frac{9}{4}$

ب- استنتج أن $A = (x - 1)(x - 4)$

ج- أوجد x في حالة $A = 0$

(3) (وحدة قياس الطول هي الصم)

في الشكل المقابل لدينا:

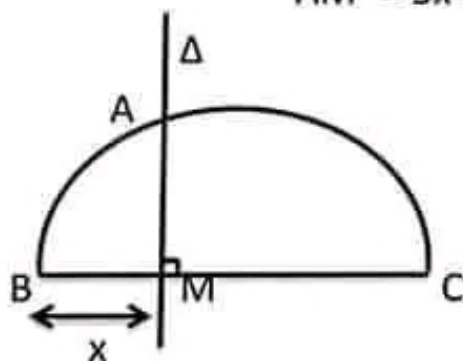
• نصف دائرة (φ) قطرها $[BC]$ حيث $BC = 5$

• M نقطة من $[BC]$ مخالفة لـ B و C حيث $BM = x$ ($0 < x < 5$)

• Δ : المستقيم العمودي على (BC) في M والذي يقطع نصف الدائرة (φ) في نقطة A

أ- بين أن المثلث ABC قائم الزاوية و أن $AM^2 = 5x - x^2$

ب- أوجد القيم للعدد x ليكون $AM = 2$



التمرين الرابع: (5ن) (وحدة قياس الطول هي الصنمتر)

(1) ارسم دائرة (φ) مركزها O و $[BC]$ قطرها لها حيث $BC = 6$

و لتكن E نقطة من $[BC]$ حيث $EB = 4$

(2) المستقيم (Δ) العمودي على (BC) في النقطة E يقطع الدائرة (φ) في نقطتين A و D.

احسب AC و AE

(3) المستقيم المار من O و العمودي على (AB) يقطع (AB) في نقطة H

و يقطع (AE) في نقطة F.

أ- بين أن H منتصف $[AB]$ و أن $OH = \sqrt{3}$

ب- بين أن $\frac{OF}{AC} = \frac{1}{2}$ ثم احسب OF.

(4) أ- بين أن الرباعي BFCH متوازي الأضلاع.

ب- بين أن الرباعي ACFH مستطيل.

(5) المستقيم (AO) يقطع المستقيم (BF) في نقطة K.

بين أن النقاط A و C و F و K و H تنتمي إلى نفس الدائرة (φ') . ارسم الدائرة (φ')

(4) - أ. في الرباعي المعذب BFCH لنا منتصف [BC] θ
 ولنا: $\theta H = \frac{1}{2} AC = \sqrt{3}$ θ إذن: $\theta H = \theta F$ زبمان $\theta \in [HF]$
 (2) منتصف [HF] θ : $\theta F = \frac{1}{2} AC = \sqrt{3}$

من (1) و (2) : BFCH متوازي الاضلاع (خاصية القطران) θ

ب. في الرباعي المعذب ACFH لنا: $(AC) \parallel (FH)$ و $(FC) \parallel (AH)$
 إذن ACFH متوازي الاضلاع وبما أن: $\angle HAC = 90^\circ$
 فإن ACFH مستطيل . θ

(5) . في المثلث ABF لنا:

المستقيم لامل للارتفاع B و المستقيم لامل للارتفاع
 العار من F يتقاطعان في θ إذن θ هو مركز القائم لـ ABF
 ومنه المستقيم لامل للارتفاع العار من A والمار من θ يقطع (BF)
 في K إذن AKF مثلث قائم في K وتره [AF]
 ولنا " " " " AFC " في C " [AF]
 " " " " AHF " في H " [AF]

ومنه: A ; C ; F ; K و H تنتمي إلى نفس الدائرة
 (6) التي قطرها [AF] .

المدرسة الإعدادية بفوشانة 2024/03/14	الفرض التألفي عدد 2 في الرياضيات المدة: 120 دق	الأساتذة: بدر الدين بن جبارة نادية ساسي ريم بن ضياء
الاسم و اللقب: القسم:		

التمرين الأول: (4ن)

أنقل في كل مرة على ورقة تحريرك رقم السؤال و الاجابة الصحيحة الموافقة له:

(1) ليكن x و y عدنان حقيقيان موجبان قطعاً فإن:

أ- $x^2 + y^2 = -2xy$ ؛ ب- $x^2 + y^2 < 2xy$ ؛ ج- $x^2 + y^2 > 2xy$

(2) إذا علمت أن $1 + \sqrt{2} < 0 < 1 - \sqrt{2}$ فإن:

أ- $\frac{1}{1-\sqrt{2}} > \frac{1}{1+\sqrt{2}}$ ؛ $\frac{1}{1-\sqrt{2}} < \frac{1}{1+\sqrt{2}}$ ؛ $1 + \sqrt{2}$ و $1 - \sqrt{2}$ مقلوبان

(3) نعتبر العبارة $B = \sqrt{b^2 - b + \frac{1}{4}} + \frac{1}{2}$ حيث b عدد حقيقي سالب فإن B تساوي:

أ- $-b$ ؛ ب- $b+1$ ؛ ج- $1-b$

(4) ABC مثلث قائم الزاوية في A و $\widehat{ABC} = 60^\circ$ و $BC = 6$ حيث BC متتصف و BC إذن AC يساوي:

أ- $\sqrt{3}$ ؛ ب- $2\sqrt{3}$ ؛ ج- $3\sqrt{3}$

التمرين الثاني: (4ن)

لتكن العبارتين $a = \frac{1}{\sqrt{5}+1} + \frac{3}{\sqrt{5}-1} + \frac{3}{2}$ و $b = (\sqrt{3} + \frac{1}{2})^2 - \frac{1}{4}$

(1) بين أن $a = 2 + \sqrt{5}$ و $b = 3 + \sqrt{3}$

(2) أ- بين أن $a^2 = 9 + 4\sqrt{5}$ و $b^2 = 12 + 6\sqrt{3}$

ب- قارن بين $4\sqrt{5}$ و $6\sqrt{3}$

ج- استنتج أن $b > a$

(3) لتكن العبارة $c = \sqrt{9 - 4\sqrt{5}}$

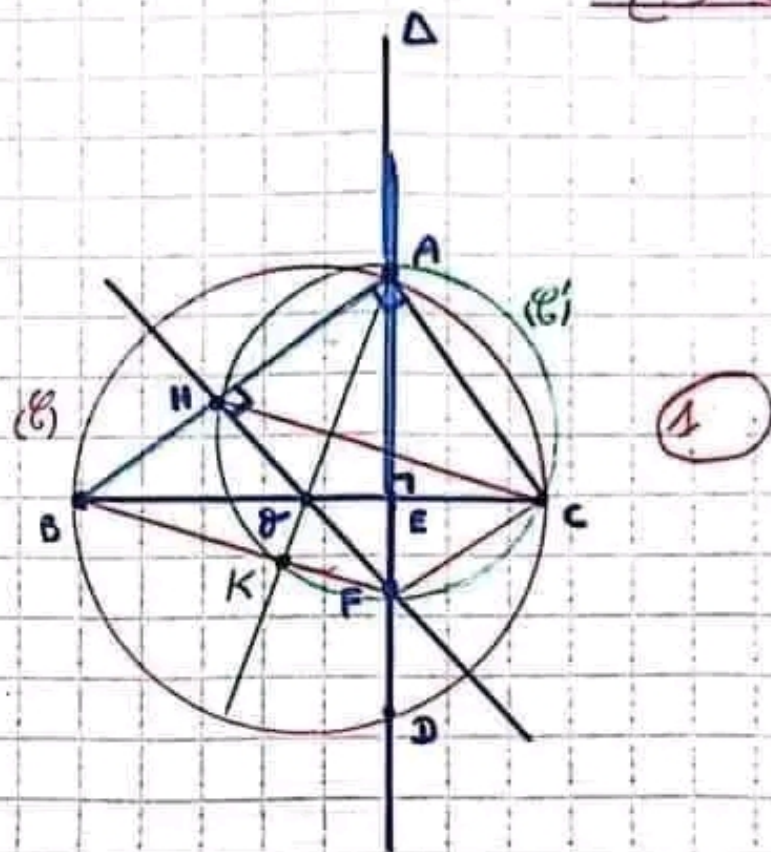
أ- بين أن $(\sqrt{5} - 2)^2 = 9 - 4\sqrt{5}$ ثم استنتج أن $c = \sqrt{5} - 2$

ب- بين أن العددين a و c مقلوبان

ج- بين أن $bc > 1$ ثم استنتج أن $3\sqrt{5} + \sqrt{15} > 7 + 2\sqrt{3}$

التعريف الرابع:

(2)



(2) . ABC قائم في A لأن $[BC]$ قطر الدائرة $(\mathcal{C})$ و $A \in (\mathcal{C})$ حيث $A \neq C$ و $A \neq B$
 و E المسقط العمودي لـ A على (BC) إذن: $AE^2 = EB \times EC = 8$

إذن: $AE = 2\sqrt{2}$ 0,8
 AEC قائم في E إذن حسب (ز ب): $AC^2 = AE^2 + EC^2 = 12$

و منه: $AC = 2\sqrt{3}$ 0,8

(3) - أ- في المثلث ABC لنا: θ منقطف $[BC]$ و $(AC) \parallel (OH)$
 لأنهما يعامدان نفس المستقيم (AB) حيث $(OH) \cap (AB) = \{H\}$

إذن H منقطف $[AB]$ 0,8
 في المثلث ABC لنا: θ منقطف $[BC]$ و H منقطف $[AB]$

إذن: $[OH = \frac{1}{2}AC = \sqrt{3}]$ 0,8

ب- في المثلث AEC لنا $FE \in (EC)$ و $FE \in (AE)$ و $(OF) \parallel (AC)$

إذن حسب (م ط): $\frac{EF}{EC} = \frac{FE}{EA} = \frac{OF}{AC}$

و منه: $\frac{OF}{AC} = \frac{EF}{EC}$ بما أن $\frac{EF}{EC} = \frac{1}{2}$

إذن: $OF = \frac{1}{2}AC = \sqrt{3}$ 0,8 و منه: $\frac{OF}{AC} = \frac{1}{2}$ 0,8

التمرين الخامس: (3ن)

في الرسم أسفله: ABCD مستطيل حيث $AB = 4$ و $BC = 6$ و O منتصف [AD]
(أنقل الرسم على ورقة تحريرك)

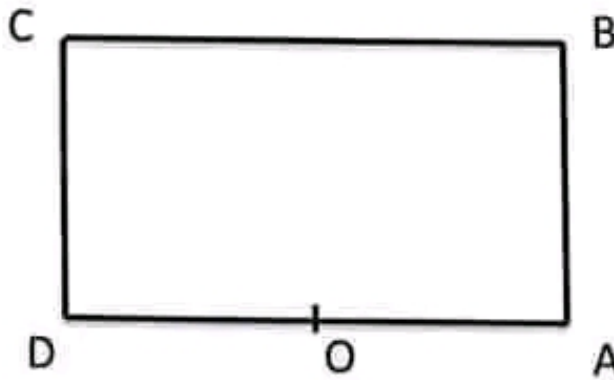
- (1) أ- ابن ا مناظرة O بالنسبة إلى A
ب- بيّن أن OIBC متوازي أضلاع
- (2) لتكن E نقطة تقاطع (IC) و (OB).
احسب AE

- (3) (CI) يقطع (AB) في H

أ- بيّن أن $\frac{HA}{HB} = \frac{HI}{HC} = \frac{1}{2}$

- ب- استنتج أن H مركز ثقل المثلث OBI

ج- بيّن أن $OH = \frac{\sqrt{97}}{3}$



عمل موفق